

شمایی از توربین پلتون در شکل نشان داده شده است. در این توربین چهار پره مشابه بر روی محیط توربین قرار داده شده است. شعاع چرخش توربین به طور متوسط 0.3 m است و پره‌ها جریان ورودی را به اندازه 135° منحرف می‌کند. سرعت جت ورودی آب 30 m/s و قطر آن 30 mm است. اگر توربین در صفحه‌ی افقی قرار داشته باشد و سرعت جت در مسیر گذر از پره تغییر نکند، چه مقدار لنگر مورد نیاز است تا از چرخش توربین جلوگیری شود؟

پاسخ:

حجم کنترل ثابت و بدون تغییر شکل که شامل توربین است انتخاب می‌شود. رابطه‌ی لنگر اندازه حرکت [رابطه‌ی (۳-۲۴)] برای این حجم کنترل به صورت زیر درمی‌آید:

$$T_{shaft} = \dot{m}_{in} r_{in} V_{\theta_{in}} + \dot{m}_{out} r_{out} V_{\theta_{out}} \quad (1)$$

رابطه‌ی پیوستگی [رابطه‌ی (۳-۱۱)] به صورت زیر درمی‌آید:

$$\dot{m}_{in} = \dot{m}_{out} = 4\rho V_{in} \frac{\pi}{4} D^2 = \pi \rho V_{in} D^2$$

از آنجایی که از چرخش توربین جلوگیری شده است، $U = r\omega = 0$ و سرعت نسبی و سرعت مطلق در مقاطع برابر است. با نگاهی به بردارهای سرعت در مقطع ورودی و خروجی و با فرض اینکه مقدار سرعت جریان در گذر از پره تغییری نمی‌کند، خواهیم داشت:

$$V_{\theta_{in}} = V_{in} = V_{out} \quad ; \quad V_{\theta_{out}} = V_{in} \cos 45^\circ$$

با جایگزینی مقادیر بالا در رابطه‌ی (۱) خواهیم داشت:

$$T_{shaft} = \pi \rho V_{in} D^2 r V_{in} (1 + \cos 45^\circ) = \pi r D^2 \rho V_{in}^2 (1 + \cos 45^\circ)$$

$$T_{shaft} = \pi (0.3 \text{ m}) (0.03 \text{ mm})^2 (1000 \text{ kg/m}^3) (30 \text{ m/s})^2 (1 + \cos 45^\circ) \quad ; \quad \underline{T_{shaft} = 1303 \text{ N.m}}$$

$$\sum_{out} \left(\bar{u} - \frac{p}{\rho} + \frac{V^2}{2} + gz \right) \dot{m} - \sum_{in} \left(\bar{u} + \frac{p}{\rho} + \frac{V^2}{2} + gz \right) \dot{m} = \dot{Q}_{net} + \dot{W}_{shaft} \quad \boxed{74-3}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{-20 \times 10^3}{10^3} + \frac{2^2}{2} + 0 \right) \dot{m} - \left(\frac{154 \times 10^3}{10^3} + \frac{6^2}{2} + 10 \times 1 \right) \dot{m} = \dot{W}_{shaft}$$

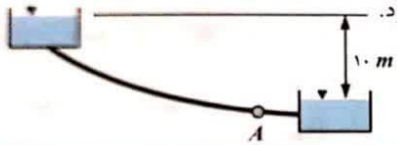
$$\dot{m} = Q \rho = 0.2 \times 1000 = 200 \text{ kg/s}$$

$$\Rightarrow \dot{W}_{shaft} = 40000 \text{ W} = 40 \text{ kW}$$

توربین

در شکل زیر $L = 1000 \text{ m}$ طول لوله، $D = 200 \text{ mm}$ قطر لوله، جریان آبی با دبی Q از بالا به پایین حرکت

می‌نماید. در صورتی که پمپی در A قرار دهیم و با همان دبی آب را به سمت بالا پمپاژ کنیم، انرژی در واحد وزن که پمپ به آب می‌دهد (h_p) چقدر است؟ در این مسأله فقط افت تلفات انرژی ناشی از اصطکاک در نظر گرفته می‌شود.



(۲) ۲۰ متر

(۴) ۱۰ متر

(۱) ۲۵ متر

(۳) ۱۵ متر

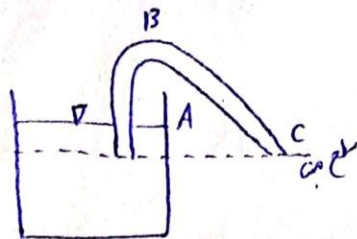
پاسخ:

گزینه‌ی (۲). حجم کنترل ثابت شامل آب از سطح مخزن بالادست (A) تا مخزن پایین دست (B) است. جریان‌های ورودی و خروجی همان سطوح مخازن است. در حالت اول که آب از مخزن A به سمت مخزن B جریان دارد، رابطه‌ی هد انرژی [رابطه‌ی (۳-۳)] به صورت زیر درمی‌آید:

$$\frac{P_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A = \frac{P_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + Z_B + h_L \quad ; \quad 0 + 0 + (10\text{m}) = 0 + 0 + 0 + h_L \quad ; \quad h_L = 10\text{m}$$

برای جریان برعکس که از پمپ استفاده می‌شود، تلفات هد انرژی برابر همان مقدار قبلی است و لذا می‌توان نوشت:

$$\frac{P_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + Z_B + h_p = \frac{P_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A + h_L \quad ; \quad 0 + 0 + 0 + h_p = 0 + 0 + (10\text{m}) + (10\text{m}) \quad ; \quad \underline{h_p = 20 \text{ m}}$$



۸۴-۳

$$A, C = \frac{P_A}{\gamma} + \frac{V_A^2}{2g} + Z_A + h_{skaft} = \frac{P_C}{\gamma} + \frac{V_C^2}{2g} + Z_C + h_L$$

$$\Rightarrow 0 + 0 + h + 0 = 0 + \frac{V_C^2}{2g} + 0 + 0 \quad \textcircled{I}$$

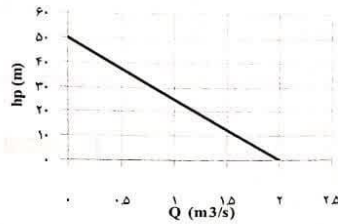
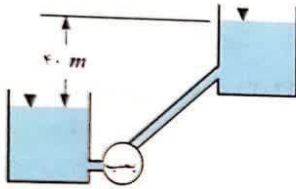
$$B, C : \frac{P_B}{\gamma} + \frac{V_B^2}{2g} + Z_B + h_{skaft} = \frac{P_C}{\gamma} + \frac{V_C^2}{2g} + Z_C + h_L$$

$$-6 + 0 + (1+h) + 0 = 0 + 0 + 0 + 0 \quad \textcircled{II}$$

$$\textcircled{I} \Rightarrow V_C = \sqrt{2gh} \quad \textcircled{II} \Rightarrow h = 5\text{m}$$

$$\Rightarrow V_C = \sqrt{2 \times 10 \times 5} = 10 \text{ m/s} \quad , \quad Q = AV_C = \pi \times \left(\frac{0.2}{2}\right)^2 \times 10 = 0.3142 \text{ m}^3/\text{s} = 314.2 \text{ l/s}$$

گزینه ۳



آب توسط یک پمپ از مخزن به مخزنی دیگر پمپاژ می‌شود. مقدار افت هد انرژی در لوله توسط رابطه $\frac{V^2}{2g}$ بیان می‌شود که در آن V سرعت متوسط جریان در لوله است. رابطه‌ی بین دبی و هد پمپ در نمودار روبه‌رو نشان داده شده است. اگر قطر لوله 150 mm باشد، دبی جریان چقدر است؟ از افت‌های موضعی صرف‌نظر شود.

پاسخ:

رابطه‌ی (۳-۳۲) برای حجم کنترل ثابت که شامل آب در لوله از مخزن تا مخزن است به صورت زیر به کار برده می‌شود:

$$\frac{p_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 + h_p = \frac{p_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2 + h_L \quad ; \quad 0 + 0 + Z_1 + h_p = 0 + 0 + Z_2 + h_L \quad (1)$$

$$h_p = z_2 - z_1 + h_L = 40 + h_L$$

از روی نمودار داده شده در صورت مسأله، رابطه‌ی دبی-هد پمپ به صورت زیر درمی‌آید:

$$h_p = -25Q + 50 \quad (2)$$

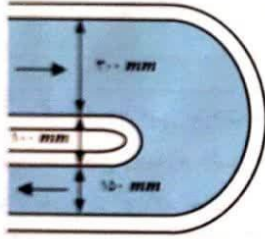
همچنین، رابطه‌ی تلفات هد انرژی به صورت زیر ساده می‌شود:

$$h_L = 20 \frac{\bar{V}^2}{2g} = 20 \frac{(Q/A)^2}{2g} = 20 \frac{[Q/(\pi D^2/4)]^2}{2g} = 160 \frac{Q^2}{g\pi^2 D^4} = 160 \frac{Q^2}{(9.81 \text{ m/s}^2)\pi^2 (0.15 \text{ m})^4} = 3264.27Q^2 \quad (3)$$

با ترکیب رابطه‌های (۱) الی (۳) خواهیم داشت:

$$-25Q + 50 = 40 + 3264.27Q^2 \quad ; \quad Q^2 + .0077Q - 0.0031 = 0 \quad ; \quad Q = 0.052 \text{ m}^3/\text{s}$$

۹۱-۳) نکته: زیرا در سهمی ضریب تصحیح انرژی جنبشی ۱ است در حالت $b < c$ نیز ضریب تصحیح انرژی جنبشی بزرگ‌تر از ۱ است.



۹۷-۳

آب در یک خم عمودی 180° که دو طرف آن دو لوله به قطر 300 mm و 150 mm است با دبی $0.25 \text{ m}^3/\text{s}$ در جریان است. فشار در مقطع ورودی 150 kPa و حجم آب در این خم 0.1 m^3 است. اگر وزن مصالح خم 500 N باشد، مقدار نیروی عکس العمل برای نگهداری خم چه مقدار است؟

پاسخ:

رابطه‌ی اندازه حرکت [رابطه‌ی (۳-۱۸)] برای حجم کنترل ثابت شامل آب در خم در راستای افقی به صورت زیر درمی‌آید:

$$\sum_{CS} \rho Q V_x = \sum_{CV} F_x \quad ; \quad V_{1x} \rho (-V_1 A_1) + (-V_{2x}) \rho (V_2 A_2) = R_x + p_1 A_1 + p_2 A_2$$

$$R_x = -p_1 A_1 - p_2 A_2 - \rho V_1^2 A_1 - \rho V_2^2 A_2 = -p_1 A_1 - p_2 A_2 - \rho Q (V_1 + V_2) \quad (1)$$

که در آن R_x نیروی عکس العمل، V سرعت یکنواخت مقطع، اندیس ۱ مربوط به مقطع ورودی خم و اندیس ۲ مربوط به مقطع خروجی خم است. مقادیر سرعت در مقاطع به صورت زیر به دست می‌آید:

$$V_1 = \frac{Q}{A_1} = \frac{(0.25 \text{ m}^3)}{(\pi/4)(0.30 \text{ m})^2} = \frac{(0.25 \text{ m}^3)}{(0.0707 \text{ m}^2)} = 3.54 \text{ m/s} \quad ; \quad V_2 = \frac{Q}{A_2} = \frac{(0.25 \text{ m}^3)}{(\pi/4)(0.15 \text{ m})^2} = \frac{(0.25 \text{ m}^3)}{(0.0177 \text{ m}^2)} = 14.15 \text{ m/s}$$

برای به دست آوردن مقدار فشار در مقطع (۲) از رابطه‌ی هد انرژی [رابطه‌ی (۳-۳۲)] با صرف نظر کردن از افت هد انرژی به صورت زیر استفاده می‌شود:

$$\frac{p_1}{\gamma} + \frac{V_1^2}{2g} + Z_1 = \frac{p_2}{\gamma} + \frac{V_2^2}{2g} + Z_2$$

$$\frac{(150000 \text{ Pa})}{(9810 \text{ N/m}^3)} + \frac{(3.54 \text{ m/s})^2}{2(9.81 \text{ m/s}^2)} + (0.4 \text{ m}) = \frac{p_2}{(9810 \text{ N/m}^3)} + \frac{(14.15 \text{ m/s})^2}{2(9.81 \text{ m/s}^2)} + (0.075 \text{ m}) \quad ; \quad p_2 = 59300 \text{ Pa}$$

با جایگزینی مقادیر سرعت و فشار در رابطه‌ی (۱) خواهیم داشت:

$$R_x = -(150000 \text{ Pa})(0.0707 \text{ m}^2) - (59300 \text{ Pa})(0.0177 \text{ m}^2) - (1000 \text{ kg/m}^3)(0.25 \text{ m}^3/\text{s})(3.54 + 14.15) \text{ m/s}$$

$$R_x = -(10605 \text{ N}) - (1049.6 \text{ N}) - (4422.5 \text{ N}) \quad ; \quad R_x = -16077 \text{ N}$$

نیروی عکس العمل در جهت عمودی و نیروی کل عکس العمل به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\sum_{cv} F_y = 0 \quad ; \quad R_y - W_b - W_w = 0 \quad ; \quad R_y - (500 \text{ N}) - (0.1 \text{ m}^3)(9810 \text{ N/m}^3) = 0 \quad ; \quad R_y = 1481 \text{ N}$$

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2} = \sqrt{(16077 \text{ N})^2 + (1481 \text{ N})^2} \quad ; \quad R = 16145 \text{ N}$$

۲-۵

باتوجه به سرعت جریان نامیده‌ی راست.

$$u dy - v dx = 0 \Rightarrow \Delta dy - (y-t) dx = 0 \Rightarrow \int dy = \frac{1}{\delta} \int (y-t) dx \Rightarrow$$

$$y = \frac{y-t}{\delta} x \Rightarrow \text{کرنه ع}$$

رابطه‌ی خط جریان به صورت $y = Cx$ و اندازه‌ی بردار سرعت به صورت زیر داده شده است:

$$|V| = \frac{K}{\sqrt{x^2 + y^2}}$$

که در آن K ضریب ثابت است. مؤلفه‌های سرعت در جهت x و y را به دست آورید.

پاسخ:

شیب خط جریان در صفحه‌ی x - y با شیب بردار سرعت یکی است. لذا، رابطه‌ی خط جریان [رابطه‌ی (۵-۱)] به صورت زیر درمی‌آید:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{v}{u} = C = \frac{y}{x} \quad ; \quad u = v \frac{x}{y} \quad (1)$$

با استفاده از تعریف اندازه‌ی بردار سرعت، رابطه‌ی داده شده در صورت مسئله به صورت زیر درمی‌آید:

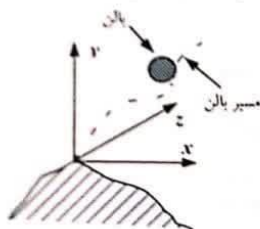
$$|V| = \sqrt{u^2 + v^2} = u \sqrt{1 + \left(\frac{v}{u}\right)^2} = u \sqrt{1 + \left(\frac{y}{x}\right)^2} \quad ; \quad \frac{K}{\sqrt{x^2 + y^2}} = u \sqrt{1 + \left(\frac{y}{x}\right)^2} \quad ; \quad u = \frac{Kx}{x^2 + y^2} \quad (2)$$

با جایگزینی مقدار u از رابطه‌ی (۱) در رابطه‌ی (۲) خواهیم داشت:

$$v \frac{x}{y} = \frac{Kx}{x^2 + y^2} \quad ; \quad v = \frac{Ky}{x^2 + y^2}$$

در زمان $t = 0$ از مبدأ مختصات با سرعت عمودی 8 m/s رها شده است. مؤلفه‌های سرعت باد نیز به صورت زیر در

ارتفاع‌های متفاوت داده شده است:



$$\vec{V} = 3\hat{i} + 2\hat{j} \quad 0 \leq z \leq 2000 \text{ m}$$

$$\vec{V} = 5\hat{i} \quad 2000 < z \leq 10000 \text{ m}$$

$$\vec{V} = -5\hat{i} + 10\hat{j} \quad 10000 < z \text{ m}$$

تصویر مسیر حرکت بالن را در صفحه‌ی مختصات x - y برای زمان $0 < t < 25$ رسم کنید.

پاسخ:

مؤلفه‌های سرعت در در ارتفاع‌های متفاوت به صورت زیر درمی‌آید:

$$u = 3 \text{ m/s} \quad ; \quad v = 2 \text{ m/s} \quad ; \quad w = 8 \text{ m/s} \quad 0 \leq z \leq 2000 \text{ m}$$

$$u = 5 \text{ m/s} \quad ; \quad v = 0 \text{ m/s} \quad ; \quad w = 8 \text{ m/s} \quad 2000 < z \leq 10000 \text{ m}$$

$$u = -5 \text{ m/s} \quad ; \quad v = 10 \text{ m/s} \quad ; \quad w = 8 \text{ m/s} \quad 10000 < z \text{ m}$$

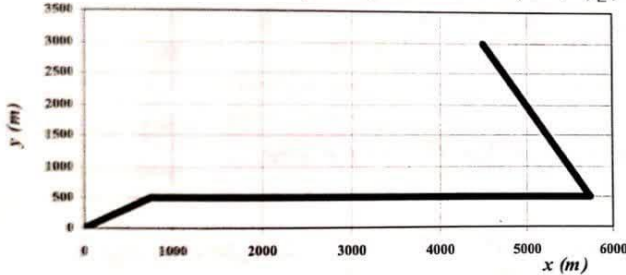
چون مؤلفه‌ی سرعت عمودی w مقداری ثابت است، برای هر فاصله‌ی ارتفاعی می‌توان مقدار زمان را به دست آورد. برای فاصله‌ی اول ارتفاعی، $z \geq 0$ ، $z \geq 2000$ ، مقادیر زمان و مؤلفه‌های مسیر حرکت بالن در صفحه‌ی x - y به صورت زیر به دست می‌آید:

$$t = \frac{z}{w} = \frac{(2000 \text{ m})}{(8 \text{ m/s})} = 250 \text{ s} = 4.17 \text{ min} \quad ; \quad \begin{cases} x = ut = (3 \text{ m/s})(250 \text{ s}) = 750 \text{ m} \\ y = vt = (2 \text{ m/s})(250 \text{ s}) = 500 \text{ m} \end{cases}$$

مؤلفه‌های مسیر حرکت بالن در صفحه‌ی x - y در فواصل ارتفاعی $z > 2000 \text{ m}$ و $10000 \geq z > 2000 \text{ m}$ به صورت زیر به دست می‌آید:

$$t = \frac{z}{w} = \frac{(10000 \text{ m})}{(8 \text{ m/s})} = 1250 \text{ s} = 20.8 \text{ min} \quad ; \quad \begin{cases} x = x_0 + u\Delta t = (750 \text{ m}) + (5 \text{ m/s})[(1250 \text{ m}) - (250 \text{ m})] = 5750 \text{ m} \\ y = y_0 + v\Delta t = (500 \text{ m}) + 0[(1250 \text{ m}) - (250 \text{ m})] = 500 \text{ m} \end{cases}$$

$$t = 25 \text{ min} = 1500 \text{ s} \quad ; \quad \begin{cases} x = x_1 + u\Delta t = (5750 \text{ m}) - (5 \text{ m/s})[(1500 \text{ m}) - (1250 \text{ m})] = 4500 \text{ m} \\ y = y_1 + v\Delta t = 500 + (10 \text{ m/s})[(1500 \text{ m}) - (1250 \text{ m})] = 3000 \text{ m} \end{cases}$$



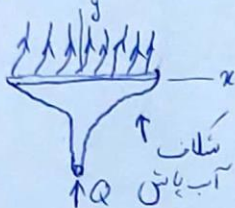
تصویر مسیر حرکت بالن در صفحه‌ی $x-y$ در شکل روبه‌رو نشان داده شده است.

۵-۱۸ جریان آب که از سلاف یک آب باطنی خارج می‌شود، حرکت نوسانی دارد و بردار سرعت آن به صورت زیر داده شده است. $\vec{v} = u_0 \sin[\omega(t - \frac{y}{v_0})] \hat{i} + v_0 \hat{j}$ که در آن u_0 ، v_0 و ω مقادیری ثابت هستند.

الف) رابطی خطوط جریان را که از مرکز مختصات عبور می‌کند، در زمان‌های $t=0$ و $t = \frac{\pi}{\omega}$ به دست آورده و رسم کنید.

ب) رابطی خطوط مسیر را که از مرکز مختصات عبور می‌کند، در زمان‌های $t=0$ و $t = \frac{\pi}{\omega}$ به دست آورده و رسم کنید.

ج) شکل تقریبی خط تعابیل را که از مرکز مختصات عبور می‌کند را رسم کنید.



$$\frac{dy}{dx} = \frac{v}{u} = \frac{v_0}{u_0 \sin(\omega(t - \frac{y}{v_0}))}$$

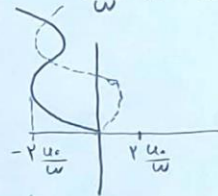
$$\Rightarrow v_0 \int \sin[\omega(t - \frac{y}{v_0})] dy = v_0 \int dx$$

$$\Rightarrow u_0 \frac{v_0}{\omega} \cos[\omega(t - \frac{y}{v_0})] dy = v_0 x + C$$

$$\left. \begin{matrix} x=0 \\ y=0 \end{matrix} \right\} \begin{cases} t=0 \rightarrow C = \frac{u_0 v_0}{\omega} \\ t = \frac{\pi}{\omega} \rightarrow C = 0 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} x = \frac{v_0}{\omega} [\cos(\frac{\omega y}{v_0}) - 1] \\ x = \frac{u_0}{\omega} \sin(\frac{\omega y}{v_0}) \end{cases}$$

$$v = \frac{dy}{dt} = v_0 \Rightarrow y = v_0 t + C_1$$

$$\xrightarrow{t=0, y=0} C_1 = 0 \rightarrow y = v_0 t$$



$$u = \frac{dx}{dt} = u_0 \sin[\omega(t - \frac{y}{v_0})] = u_0 \sin[\omega(t - \frac{v_0 t}{v_0})] = 0$$

$$t = \frac{\pi}{\omega} \Rightarrow \begin{cases} x = u_0 (t - \frac{\pi}{\omega}) \\ y = v_0 (t - \frac{\pi}{\omega}) \end{cases}$$

$$\frac{v_0}{u_0} \Big|_{t=0} \Big|_{t = \frac{\pi}{\omega}}$$

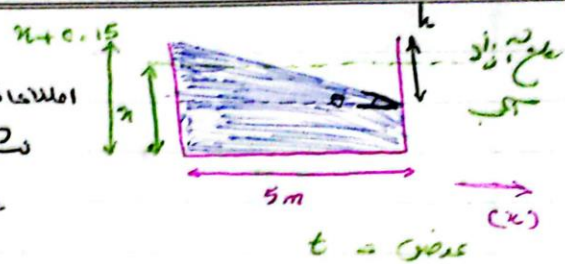
برای پیدا کردن خط تعابیل ابتدا در زمان‌های مختلف خط مسیر را رسم می‌کنیم. خط تعابیل نقاط انتهایی خط مسیر هستند.



5-36

املاعاتی که در سوال گفته شده است این‌هاست که آب درین

شود
 $v_1 = v_2$
 a_x



$$v_1 = v_2$$

$$\Rightarrow \frac{5 \times x \times t}{(m)(m)(m)} = \frac{(x + 0.15)}{(m)} \times 5(m) \times t(m) - \left[\frac{h(m) \times 5(m)}{2} \right] \times t$$

$$5x - 5x = 2.5 - 2.5h$$

$$\Rightarrow h = 1m$$

$$\& \tan \theta = \frac{h(m)}{5(m)} = \frac{a_x}{g + a_z} \quad a_z = 20 \Rightarrow \frac{1(m)}{5(m)} = \frac{a_x}{10(m/s^2)}$$

$$a_x = \frac{10}{5} m/s^2 \Rightarrow a_x = 2 m/s^2$$

یک مخزن روباز به شکل مکعب مستطیل به طول ۸ متر، به عرض ۲ متر و به ارتفاع ۳ متر به

روی یک سطح افقی قرار گرفته و پر از آب می‌باشد. در صورتی که این مخزن تحت تأثیر شتاب ثابت افقی $a_x = 1/5 m/s^2$ در جهت طولی

قرار گیرد، چند متر مکعب از آب مخزن به بیرون تخلیه می‌شود؟ ($g = 10 m/s^2$)

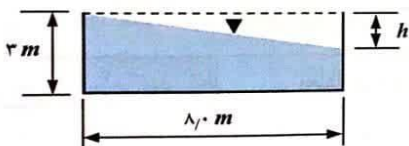
۹/۶ (۴)

۱۸/۱ (۳)

۱۹/۲ (۲)

۲۵/۲ (۱)

۴۰-۵



پاسخ:

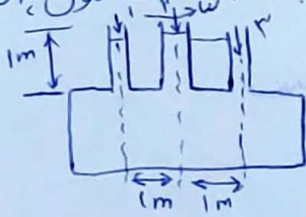
گزینه‌ی (۴). شیب سطح آب از رابطه‌ی (۱۰-۵) به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\tan \theta = \frac{dz}{dy} = -\frac{a_y}{g} = -\frac{(1.5 m/s^2)}{(10 m/s^2)} = -0.15$$

با این شیب، مقدار پایین آمدن سطح آب در سطح جلویی ظرف و از آنجا حجم تخلیه به صورت زیر به دست می‌آید:

$$h = 0.15(8m) = 1.2m \quad ; \quad V = V_i - V_f = [(8m)(3m)(2m)] - \left\{ \frac{[(3m) - (1.2m)] + (3m)}{2} \right\} (8m)(2m) = 9.6 m^3$$

۴۹-۵۰: یک مخزن به صورت افقی قرار دارد و حاوی سیال است که در لوله‌های قائم ۱، ۲ و ۳ به ترتیب با شعاع‌های a ، $2a$ و a متصل شده است. و تا ارتفاع یک متر از سیال پر شده اند مجموعاً با سرعت زاویه‌ای $\omega = 1 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$ حول محور مرکزی لوله‌های ۲ در حال چرخش است. اگر از آنرا کشتی سطحی صرف نظر شود، سطح سیال در لوله‌های ۲ نسبت به حالت سکون چه قدر پایین می‌آید؟ (a کوچک است).



مثل تقارن دارد بنابراین از اصل تساوی حجم استفاده می‌کنیم

$$r_2 = 2r_1 = 2r_3 \quad A_2 = 4A_1 = 4A_3$$

$$\left. \begin{aligned} A_2 d &= 2A_1(y) \\ 4A_1 x &= 2A_1(y) \end{aligned} \right\} \rightarrow y = 2x \rightarrow H = \frac{r^2 \omega^2}{2g} \rightarrow 2x = \frac{1 \times 1}{2g} \rightarrow$$

$$x = \frac{1}{4g} \quad \text{گزینه ۳}$$

$$p = \frac{\rho \omega^2 r^2}{2} - \gamma z + C$$

$$0 = \frac{1 \times \omega^2 \times 0.5^2}{2} - \gamma_w(0) + C \Rightarrow C_s = 0.125 \omega^2$$

$$\Rightarrow p = \frac{\rho \omega^2}{2} (1^2 - 0.25) - \gamma_w(0.5) = \frac{3}{8} \rho \omega^2 + 0.5 \gamma_w$$

$$= \left(\frac{3}{8} \rho \omega^2 + 0.5 \gamma_w \right) \gamma_w \quad \text{گزینه ۳}$$

